

हमारा विश्वास...
हर एक विद्यार्थी है स्वास

JEE ADVANCED
September 2020

**QUESTION PAPER
WITH SOLUTION**

MATHEMATICS _ PAPER - 2- HINDI

MOTION™

IIT/NIT | NEET | NTSE/IJSO/OLYMPIADS

Corporate Office : 394, Rajeev Gandhi Nagar, Kota
www.motion.ac.in | ✉: info@motion.ac.in

SECTION-1 (Maximum marks :18)

- This section contains **SIX (06)** questions.
- The answer to each question is a **SINGLE DIGIT INTEGER ranging from 0 TO 9, BOTH INCLUSIVE.**
- For Each Question, enter the correct integer corresponding to the answer using the mouse and the on-screen virtual numeric keypad in the place designated to enter the answer.
- Answer to each question will be evaluated according to the following marking scheme :

Full marks	: +3 If ONLY the correct integer is entered;
Zero Marks	: 0 If the question is unanswered.
Negative Marks	: -1 In all other cases.

भाग -1 (अधिकतम अंक: 18)

- इस भाग में छः (06) प्रश्न शामिल हैं।
- प्रत्येक प्रश्न का उत्तर 0 से 9 तक, एक एकल अंक पूर्णांक है। दोनों सम्मिलित हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए, उत्तर दर्ज करने के लिए निर्दिष्ट स्थान पर माउस और ऑन स्क्रीन आभासी (वर्चुअल) संख्यात्मक कीपेड का उपयोग करके उत्तर के अनुरूप सही पूर्णांक दर्ज करें।
- प्रत्येक प्रश्न के उत्तर का मूल्यांकन निम्नलिखित अंक पद्धति के अनुसार किया जाएगा।

पूर्ण अंक	: +3 केवल सही विकल्प चुना जाता है।
शून्य अंक	: 0 यदि कोई विकल्प नहीं चुना जाता है। (अर्थात् प्रश्न का उत्तर नहीं दिया हो)
ऋणात्मक अंक	: -1 अन्य सभी स्थितियों में।

Q.1 For a complex number z , let $\text{Re}(z)$ denote the real part of z . Let S be the set of all complex numbers z satisfying $z^4 - |z|^4 = 4iz^2$, where $i = \sqrt{-1}$. Then the minimum possible value of $|z_1 - z_2|^2$, where $z_1, z_2 \in S$ with $\text{Re}(z_1) > 0$ and $\text{Re}(z_2) < 0$, is

Q.1 एक सम्मिश्र संख्या z के लिये माना $\text{Re}(z)$, z के वास्तविक भाग को निरूपित करता है। माना $z^4 - |z|^4 = 4iz^2$, को सन्तुष्ट करने वाली सभी सम्मिश्र संख्याओं z का समुच्चय S है, जहाँ $i = \sqrt{-1}$ है। तब $|z_1 - z_2|^2$ का न्यूनतम सम्भावित मान होगा। जहाँ $\text{Re}(z_1) > 0$ तथा $\text{Re}(z_2) < 0$, के साथ $z_1, z_2 \in S$ है -

Ans. 8

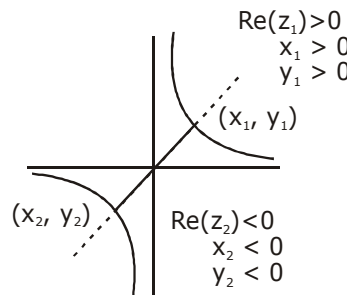
$$z^4 - |z|^4 = 4iz^2$$

$$z^4 - |\bar{z}|^2 |z|^2 = 4i z^2$$

$$z^2 (z^2 - (\bar{z})^2) = 4iz^2$$

$$z^2 = 0 \mid z^2 - (\bar{z})^2 = 4i$$

$$\text{Let } z = x + iy$$



ONLINE OFFLINE CLASSROOM



**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020

$$z^2 - (\bar{z})^2 = 4i$$

$$(x + iy)^2 - (x - iy)^2 = 4i$$

$$xy = 1$$

$$\text{Now } (z_1 - z_2)^2 = (x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2$$

$$= x_1^2 + x_2^2 + y_1^2 + y_2^2 - 2x_1x_2 - 2y_1y_2$$

$$= x_1^2 + x_2^2 + y_1^2 + y_2^2 + 2x_1(-x_2) + 2y_1(-y_2)$$

$$\text{Now AM} \geq \text{GM}$$

$$\geq 8(x_1^2 x_2^2 y_1^2 y_2^2 x_1 x_2 y_1 y_2)^{1/8}$$

$$\geq 8$$

Q.2 The probability that a missile hits a target successfully is 0.75 . In order to destroy the target completely, at least three successful hits are required. Then the minimum number of missiles that have to be fired so that the probability of completely destroying the target is NOT less than 0.95, is

Q.2 एक मिसाइल द्वारा सफलता पूर्वक लक्ष्य पर मारने की प्रायिकता 0.75 है। लक्ष्य को पूरी तरह नष्ट करने के लिए कम से कम तीन सफल मार की आवश्यकता है, तब मिसाइलों की न्यूनतम संख्या, जिनको दागा जाता है। ताकि लक्ष्य को सम्पूर्ण नष्ट करने की प्रायिकता 0.95 से कम न हो, होगी।

Ans. 6

$$P(\text{Hit}) = 0.75 = 3/4 \text{ \& } P(\text{Hitnot}) = 0.25 = 1/4$$

$$P(\text{target Hit}) \geq 0.95$$

$$1 - P(\text{target not hit in } n \text{ throws}) \geq 0.95$$

$$1 - {}^n C_0 (\bar{H})^n - {}^n C_1 (\bar{H})^{n-1} \cdot (H) - {}^n C_2 (\bar{H})^{n-2} (H)^2 \geq 0.95$$

$$1 - \left(\frac{1}{4}\right)^n - n \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^{n-1} \cdot \frac{3}{4} - \frac{n(n-1)}{2} \left(\frac{1}{4}\right)^{n-2} \left(\frac{3}{4}\right)^2 \geq 0.95$$


$$1 - 0.95 \geq \left(\frac{1}{4}\right)^n \left[\frac{9n^2 - 3n + 2}{2} \right]$$

$$\left[9n^2 - 3n + 2 \right] \leq \frac{4^n}{10}$$

Now check $n = 6$

Q.3 Let O be the centre of the circle $x^2 + y^2 = r^2$, where $r > \frac{\sqrt{5}}{2}$. Suppose PQ is a chord of this circle and the equation of the line passing through P and Q is $2x + 4y = 5$. If the centre of the circumcircle of the triangle OPQ lies on the line $x + 2y = 4$, then the value of r is

Q.3 माना O वृत्त $x^2 + y^2 = r^2$, का केन्द्र है जहाँ $r > \frac{\sqrt{5}}{2}$ है। माना PQ इस वृत्त की एक जीवा है तथा P एवं Q से गुजरने वाली रेखा का समीकरण $2x + 4y = 5$ है। यदि त्रिभुज OPQ के परिवृत्त का केन्द्र रेखा $x + 2y = 4$, पर स्थित है, तब r का मान होगा।



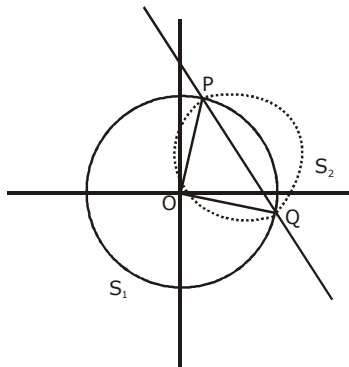
ONLINE OFFLINE CLASSROOM

**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020

Ans. 2



$$S_1 : x^2 + y^2 = r^2 \quad \text{whre } r > \frac{\sqrt{5}}{2}$$

$$\text{now let } S_2 : x^2 + y^2 + ax + by = 0 \Rightarrow C_2; \left(\frac{-a}{2}, \frac{-b}{2} \right)$$

RA of $S_1 = 0$ & $S_2 = 0$ is PQ

$$PQ : RA : S_1 - S_2 = 0$$

$$PQ : ax + by + r^2 = 0$$

$$\text{Given PQ : } 2x + 4y - 5 = 0$$

$$\frac{a}{2} = \frac{b}{4} = \frac{r^2}{-5} \quad \dots(1)$$

also centre of S_2 lies on $x + 2y = 4$

$$\Rightarrow \frac{-a}{2} - b = 4 \quad \dots(2)$$

from (1) & (2)

$$\frac{-r^2}{-5} - \frac{4r^2}{-5} = 4$$

$$-5r^2 = -20$$

$$r^2 = 4$$

$$r = 2$$



ONLINE OFFLINE CLASSROOM

**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020

- Q.4** The trace of a square matrix is defined to be the sum of its diagonal entries. If A is a 2×2 matrix such that the trace of A is 3 and the trace of A^3 is -18 , then the value of the determinant of A is
- Q.4** एक वर्ग आव्यूह का अनुरेखण, इसके विकर्ण के अवयवों के योगफल को परिभाषित करता है। यदि A एक 2×2 का आव्यूह इस प्रकार है कि A का अनुरेखण 3 है तथा A^3 का अनुरेखण -18 है, तब A के सारणिक का मान होगा –

Ans. 5

$$\text{Let } A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \Rightarrow T_r(A) = 3$$

$$\Rightarrow A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & 3-a \end{bmatrix}$$

$$A^3 = \begin{bmatrix} a^2 + bc & 3b \\ 3c & cb + (3-a)^2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a & b \\ c & 3-a \end{bmatrix}$$

$$T_r(A^3) = a^3 + abc + 3bc + 3bc + 3bc + (3-a)^2 3 - abc - a(3-a)^2$$

$$-18 = a^3 + 9bc + (3-a)^3$$

$$\Rightarrow a^3 + 9bc + 27 - a^3 - 3.3a(3-a) = -18$$

$$\Rightarrow a^2 - 3a + bc = -5$$

$$\text{Now } |A| = a(3-a) - bc$$

$$= 3a - a^2 - bc$$

$$|A| = 5$$

- Q.5** Let the functions $f: (-1,1) \rightarrow \mathbb{R}$ and $g: (-1,1) \rightarrow (-1,1)$ be defined by

$$f(x) = |2x-1| + |2x+1| \text{ and } g(x) = x - [x]$$

where $[x]$ denotes the greatest integer less than or equal to x . Let $f \circ g: (-1,1) \rightarrow \mathbb{R}$ be the composite function defined by $(f \circ g)(x) = f(g(x))$. Suppose c is the number of points in the interval $(-1,1)$ at which $f \circ g$ is NOT continuous, and suppose d is the number of points in the interval $(-1,1)$ at which $f \circ g$ is NOT differentiable. Then the value of $c+d$ is

- Q.5** माना फलन $f: (-1,1) \rightarrow \mathbb{R}$ तथा $g: (-1,1) \rightarrow (-1,1)$,

$f(x) = |2x-1| + |2x+1|$ तथा $g(x) = x - [x]$ के द्वारा परिभाषित है, जहाँ $[x]$, x से छोटे या बराबर महत्तम पूर्णांक को निरूपित करता है। माना $f \circ g: (-1,1) \rightarrow \mathbb{R}$ एक संयुक्त फलन है जो $(f \circ g)(x) = f(g(x))$ के द्वारा परिभाषित है। माना c अंतराल $(-1,1)$ में बिन्दुओं की संख्या है जिस पर $f \circ g$ संतत नहीं है तथा माना d अंतराल $(-1,1)$ में बिन्दुओं की संख्या है जिस पर $f \circ g$ अवकलनीय नहीं है, तब $c+d$ का मान होगा।

Ans. 4



ONLINE OFFLINE CLASSROOM

**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020

$$f(x) = |2x - 1| + |2x + 1|$$

$$f(x) = \begin{cases} 4x & x \geq \frac{1}{2} \\ 2 & -\frac{1}{2} < x < \frac{1}{2} \\ -4x & x \leq -\frac{1}{2} \end{cases}$$

$$g(x) = x - [x] = \{x\}$$

$$\text{Now } fog = \begin{cases} 4g(x) & g(x) \geq \frac{1}{2} \\ 2 & -\frac{1}{2} < g(x) < \frac{1}{2} \\ -4g(x) & g(x) \leq -\frac{1}{2} \end{cases}$$

$$fog = \begin{cases} 4\{x\} & \frac{1}{2} \leq x < 1 \\ 4\{x\} & -\frac{1}{2} \leq x < 0 \\ 2 & -1 < x < -\frac{1}{2} \\ 2 & 0 \leq x < \frac{1}{2} \end{cases}$$

$$fog = \begin{cases} 4x & \frac{1}{2} \leq x < 1 \\ 2 & 0 \leq x < \frac{1}{2} \\ 4(x+1) & -\frac{1}{2} \leq x < 0 \\ 2 & -1 < x < -\frac{1}{2} \end{cases}$$



ONLINE OFFLINE CLASSROOM

**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020

Now check
fog is not continuous at $x = 0$ only.

fog is not differentiable at $x = \frac{-1}{2}, 0, \frac{1}{2}$

$c = 1$ & $d = 3$
 $c + d = 4$

Q.6 The value of the limit

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{4\sqrt{2}(\sin 3x + \sin x)}{\left(2 \sin 2x \sin \frac{3x}{2} + \cos \frac{5x}{2}\right) - \left(\sqrt{2} + \sqrt{2} \cos 2x + \cos \frac{3x}{2}\right)}$$
 is

Q.6 सीमा $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{4\sqrt{2}(\sin 3x + \sin x)}{\left(2 \sin 2x \sin \frac{3x}{2} + \cos \frac{5x}{2}\right) - \left(\sqrt{2} + \sqrt{2} \cos 2x + \cos \frac{3x}{2}\right)}$ का मान है -

Ans. 8

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{4\sqrt{2}(\sin 3x + \sin x)}{\cos \frac{x}{2} - \cos \frac{7x}{2} + \cos \frac{5x}{2} - \sqrt{2} \cdot 2 \cos^2 x - \cos \frac{3x}{2}}$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{4\sqrt{2} \sin 2x \cos x}{2 \sin x \sin \frac{x}{2} + 2 \sin 3x \cdot \sin \frac{x}{2} - 2\sqrt{2} \cos^2 x}$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{16\sqrt{2} \sin x \cos^2 x}{2 \sin \frac{x}{2} \{2 \sin 2x \cdot \cos x\} - 2\sqrt{2} \cos^2 x}$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{16\sqrt{2} \sin x}{2 \cdot 4 \sin \frac{x}{2} \sin x - 2\sqrt{2}}$$

$$8 \cdot \frac{16\sqrt{2}}{\sqrt{2} - 2\sqrt{2}}$$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{32}{8 - 4} = \frac{32}{4} = 8$$



ONLINE OFFLINE CLASSROOM

**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020

SECTION 2 (Maximum Marks : 24)

- Section contains **SIX (06)** questions.
- Each question has **FOUR** options. **ONE OR MORE THAN ONE** of these four option(s) is (are) correct answer(s).
- For each question, choose the option(s) corresponding to (all) the correct answer(s).
- Answer the each question will be evaluated according to the following marking scheme:

Full Marks	: +4	If only (all the correct option(s) is (are) chosen;
Partial Marks	: +3	If all the four options are correct but ONLY three options are chosen;
Partial Marks	: +2	If three or more options are correct but ONLY two options are chosen, both of which are correct;
Partial Marks	: +1	If two or more options are correct but ONLY one option is chosen and it is a correct option;
Zero Marks	: 0	If none of the options is chosen (i.e. the question is unanswered);
Negative Marks	: -2	In all other cases.

भाग -2 (अधिकतम अंक : 24)

- इस भाग में छः (06) प्रश्न शामिल हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के चार विकल्प हैं। इन चार विकल्पों में से एक या एक से अधिक विकल्प सही उत्तर हैं (हैं)।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए, सभी सही उत्तरों के अनुरूप विकल्प चुनिए।
- प्रत्येक प्रश्न के उत्तर का मूल्यांकन निम्नलिखित अंक पद्धति के अनुसार किया जाएगा।

पूर्ण अंक	: +4	यदि केवल (सभी) विकल्प चुने जाते हैं, (हैं)।
आंशिक अंक	: +3	यदि सभी चारों विकल्प सही हैं, लेकिन केवल तीन विकल्प चुने जाते हैं।
आंशिक अंक	: +2	यदि तीन या अधिक विकल्प सही हैं लेकिन केवल दो विकल्प चुने जाते हैं, जो कि दोनों ही सही हो।
आंशिक अंक	: +1	यदि दो या अधिक विकल्प सही हैं, लेकिन केवल एक विकल्प चुना जाता है तथा यह एक सही विकल्प हो।
शून्य अंक	: 0	यदि कोई विकल्प नहीं चुना जाता है (अर्थात् प्रश्न का उत्तर नहीं दिया हो)।
ऋणात्मक अंक	: -2	अन्य सभी स्थितियों में।

- Q.7** Let b be a nonzero real number. Suppose $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ is a differentiable function such that $f(0) = 1$. If the derivative f' of f satisfies the equation

$$f'(x) = \frac{f(x)}{b^2 + x^2} \text{ for all } x \in \mathbb{R}, \text{ then which of the following statements is/are TRUE?}$$

- (A) If $b > 0$, then f is an increasing function
 (B) If $b < 0$, then f is a decreasing function
 (C) $f(x)f(-x) = 1$ for all $x \in \mathbb{R}$
 (D) $f(x) - f(-x) = 0$ for all $x \in \mathbb{R}$



ONLINE OFFLINE CLASSROOM

**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020

Q.7 माना b एक अशून्य वास्तविक संख्या है। माना $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ एक अवकलनीय फलन इस प्रकार है कि $f(0) = 1$ है। यदि f का अवकलज f' जो सभी $x \in \mathbb{R}$ के लिए समीकरण

$$f'(x) = \frac{f(x)}{b^2 + x^2}$$

को सन्तुष्ट करता है, तब निम्नलिखित कथनों में से कौनसा सत्य है।

- (A) यदि $b > 0$ है, तब f एक वर्धमान फलन है।
 (B) यदि $b < 0$ है, तब f एक हासमान फलन है।
 (C) सभी $x \in \mathbb{R}$ के लिए $f(x)f(-x) = 1$ है।
 (D) सभी $x \in \mathbb{R}$ के लिए $f(x) - f(-x) = 0$ है।

Ans. A, C

$$\int \frac{f'(x)}{f(x)} dx = \int \frac{1}{b^2 + x^2} dx$$

$$\ln(f(x)) = \frac{1}{b} \tan^{-1}\left(\frac{x}{b}\right) + c$$

put $x = 0 \Rightarrow c = 0$

(A) $f(x) = e^{\frac{1}{b} \tan^{-1}\left(\frac{x}{b}\right)}$

$f(x) > 0 \forall x \in \mathbb{R} \quad \therefore f'(x) = \frac{f(x)}{b^2 + x^2} > 0 \Rightarrow f(x) \uparrow$

(C) $f(x)f(-x) = e^{\left(\frac{1}{b} \tan^{-1}\left(\frac{x}{b}\right) - \frac{1}{b} \tan^{-1}\left(\frac{x}{b}\right)\right)} = e^0 = 1$

(D) $f(x) - f(-x) = e^{\frac{1}{b} \tan^{-1}\left(\frac{x}{b}\right)} - e^{-\frac{1}{b} \tan^{-1}\left(\frac{x}{b}\right)}$

for all $x \in \mathbb{R} \neq 0$

Q.8 Let a and b be positive real numbers such that $a > 1$ and $b < a$. Let P be a point in the first

quadrant that lies on the hyperbola $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$. Suppose the tangent to the hyperbola at P

passes through the point $(1, 0)$, and suppose the normal to the hyperbola at P cuts off equal intercepts on the coordinate axes. Let Δ denote the area of the triangle formed by the tangent at P , the normal at P and the x -axis. If e denotes the eccentricity of the hyperbola, then which of the following statements is/are TRUE?

- (A) $1 < e < \sqrt{2}$ (B) $\sqrt{2} < e < 2$ (C) $\Delta = a^4$ (D) $\Delta = b^4$



ONLINE OFFLINE CLASSROOM

**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020

Q.8 माना a तथा b धनात्मक वास्तविक संख्याएँ इस प्रकार हैं कि $a > 1$ तथा $b < a$ है। माना P प्रथम चतुर्थांश में एक बिन्दु है जो

अतिपरवलय $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ पर स्थित है। माना P पर अतिपरवलय की स्पर्शरेखा बिन्दु $(1, 0)$, से गुजरती है तथा माना P पर

अतिपरवलय का अभिलम्ब निर्देशी अक्षों पर समान अंतखण्ड काटती है। माना Δ , P पर स्पर्शरेखा, P पर अभिलम्ब तथा x -अक्ष द्वारा बने त्रिभुज के क्षेत्रफल को निरूपित करता है। यदि e अतिपरवलय की उत्केन्द्रता को व्यक्त करती है, तब निम्न में से कौनसा कथन सत्य है –

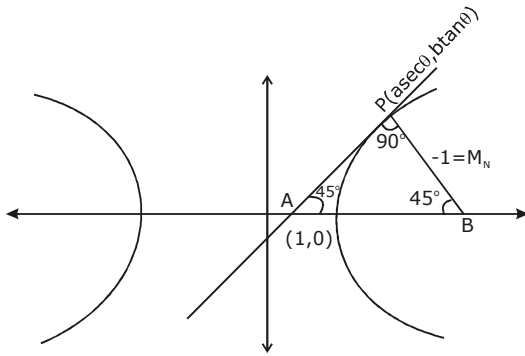
- (A) $1 < e < \sqrt{2}$ (B) $\sqrt{2} < e < 2$ (C) $\Delta = a^4$ (D) $\Delta = b^4$

Ans. A, D

\therefore normal cuts equal Intercepts

$$\therefore M_N = -1$$

$$M_T = 1$$



$$T \text{ at } P \Rightarrow \frac{x \sec \theta}{a} - \frac{y \tan \theta}{b} = 1$$

pass $(1, 0)$

$$\sec \theta = a$$

$$\therefore M_T = 1 \Rightarrow + \left(\frac{b \sec \theta}{a \tan \theta} \right) = 1 \Rightarrow b = \tan \theta$$

$$b^2 = a^2 (e^2 - 1) \Rightarrow e^2 - 1 = \sin^2 \theta \Rightarrow e^2 = 1 + \sin^2 \theta$$

$$(\because 0 < \theta < \pi/2)$$

$$1 < e^2 < 2 \Rightarrow 1 < e < \sqrt{2}$$

$$\text{Area } \Delta = \frac{1}{2} (AP) (BP)$$

$$\therefore AP = BP$$

$$= \frac{1}{2} \left[(1 - \sec^2 \theta)^2 + (\tan^2 \theta)^2 \right] = \tan^4 \theta = b^4$$



ONLINE OFFLINE CLASSROOM

**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020

Q.9 Let $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ and $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ be functions satisfying

$$f(x+y) = f(x) + f(y) + f(x)f(y) \text{ and } f(x) = xg(x)$$

for all $x, y \in \mathbb{R}$. If $\lim_{x \rightarrow 0} g(x) = 1$, then which of the following statements is/are TRUE?

- (A) f is differentiable at every $x \in \mathbb{R}$
- (B) If $g(0) = 1$, then g is differentiable at every $x \in \mathbb{R}$
- (C) The derivative $f'(1)$ is equal to 1
- (D) The derivative $f'(0)$ is equal to 1

Q.9 माना $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ तथा $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ फलन है। जो सभी $x, y \in \mathbb{R}$. के लिए

$f(x+y) = f(x) + f(y) + f(x)f(y)$ तथा $f(x) = xg(x)$ को सन्तुष्ट करते है। यदि $\lim_{x \rightarrow 0} g(x) = 1$, है, तब निम्न में से कौनसा कथन सत्य है।

- (A) f प्रत्येक $x \in \mathbb{R}$ पर अवकलनीय है।
- (B) यदि $g(0) = 1$, है, तब g प्रत्येक $x \in \mathbb{R}$ पर अवकलनीय है।
- (C) अवकलज $f'(1)$, 1 के बराबर है।
- (D) अवकलज $f'(0)$, 1 के बराबर है।

Ans. A, B, D

$$f'(x+y) = f'(y) + f(x)f'(y)$$

$$\text{put } y = 0$$

$$f'(x) = f'(0) + f(x)f'(0)$$

$$xg'(x) + g(x) = f'(0) + f(x) \cdot f'(0)$$

$$xg'(x) + g(x) = 1 + f(x)$$

$$f'(x) = f(x) + 1$$

$$f(0) = f'(0) + 1$$

$$f(0) = 0$$

$$f(1) = f(1) + 1$$

$$g(0) = 1$$

$$f'(x) = xg'(x) + g(x)$$

$$f'(0) = g(0) = 1$$

$$\int \frac{f'(x)}{f(x)+1} dx = \int dx$$

$$\Rightarrow \ln(f(x)+1) = x + c$$

$$\text{put } x = 0$$

$$c = 0$$

$$f(x) = e^x - 1$$

$$f(1) = e - 1$$

$$f'(1) = f(1) + 1 = e - 1 + 1 = e$$

$$g(x) = \frac{f'(x)}{x} = \frac{e^x - 1}{x}$$



ONLINE OFFLINE CLASSROOM

**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020

we have check differentiability at $x = 0$

$$g'(0^+) = \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{\frac{e^x - 1}{x} - 1}{x} \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{e^x - 1 - 1}{x^2} \right) = \frac{1}{2}$$

$$g'(0^-) = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{e^{-x} - 1}{-x} - 1}{-x}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{-x} - 1 + x}{x^2} = \frac{1}{2}$$

$g(x)$ is aiarecate for dex

M-II

to find function

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x) + f(h) + f(x)f(x) - f(x)}{h}$$

$$f'(x) = (f(x)+1) \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(h)}{h}$$

$$= (f(x) + 1) \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h g(h)}{h}$$

$$f'(x) = f(x) + 1$$

Q.10 Let $\alpha, \beta, \gamma, \delta$ be real numbers such that $\alpha^2 + \beta^2 + \gamma^2 \neq 0$ and $\alpha + \gamma = 1$. Suppose the point $(3, 2, -1)$ is the mirror image of the point $(1, 0, -1)$ with respect to the plane $\alpha x + \beta y + \gamma z = \delta$. Then which of the following statements is/are TRUE?

- (A) $\alpha + \beta = 2$ (B) $\delta - \gamma = 3$ (C) $\delta + \beta = 4$ (D) $\alpha + \beta + \gamma = \delta$



ONLINE OFFLINE CLASSROOM

**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020

- Q.10** माना $\alpha, \beta, \gamma, \delta$ वास्तविक संख्याएं इस प्रकार हैं कि $\alpha^2 + \beta^2 + \gamma^2 \neq 0$ तथा $\alpha + \gamma = 1$ है। माना बिन्दु $(3, 2, -1)$ समतल $\alpha x + \beta y + \gamma z = \delta$ के सापेक्ष बिन्दु $(1, 0, -1)$ का दर्पण प्रतिबिम्ब है, तब निम्न में से कौनसा कथन सत्य है।
(A) $\alpha + \beta = 2$ (B) $\delta - \gamma = 3$ (C) $\delta + \beta = 4$ (D) $\alpha + \beta + \gamma = \delta$

Ans. A, B, C

pp' is normal to given plane

$$\frac{\alpha}{2} = \frac{\beta}{2} = \frac{\gamma}{0} = \lambda \text{ (let)}$$

$$\alpha = \beta, \gamma = 0$$

$$\therefore \alpha + \gamma = 1 \Rightarrow \alpha = 1 = \beta$$

$$\alpha + \beta = 2$$

$$Q \text{ pt is mid pt of } pp' = (2, 1, -1)$$

lie on plane

$$2\alpha + \beta - \gamma = \delta$$

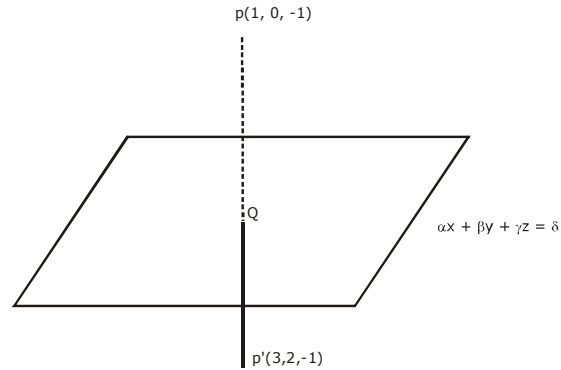
put α, β, γ

$$\delta = 3$$

$$\delta - \gamma = 3$$

$$\delta + \beta = 4$$

$$\alpha + \beta + \gamma = 2 \neq \delta$$



- Q.11** Let a and b be positive real numbers. Suppose $\overrightarrow{PQ} = a\hat{i} + b\hat{j}$ and $\overrightarrow{PS} = a\hat{i} - b\hat{j}$ are adjacent sides of a parallelogram PQRS. Let \vec{u} and \vec{v} be the projection vectors of $\vec{w} = \hat{i} + \hat{j}$ along \overrightarrow{PQ} and \overrightarrow{PS} , respectively. If $|\vec{u}| + |\vec{v}| = |\vec{w}|$ and if the area of the parallelogram PQRS is 8, then which of the following statements is/are TRUE ?
(A) $a + b = 4$
(B) $a - b = 2$
(C) The length of the diagonal PR of the parallelogram PQRS is 4
(D) \vec{w} is an angle bisector of the vectors \overrightarrow{PQ} and \overrightarrow{PS}

- Q.11** माना a तथा b धनात्मक वास्तविक संख्याएँ हैं। माना $\overrightarrow{PQ} = a\hat{i} + b\hat{j}$ तथा $\overrightarrow{PS} = a\hat{i} - b\hat{j}$ एक समान्तर चतुर्भुज PQRS की आसन्न भुजाएँ हैं। माना \vec{u} तथा \vec{v} क्रमशः \overrightarrow{PQ} तथा \overrightarrow{PS} , के अनुदिश $\vec{w} = \hat{i} + \hat{j}$ का प्रक्षेप सदिश है। यदि $|\vec{u}| + |\vec{v}| = |\vec{w}|$ है तथा यदि समान्तर चतुर्भुज PQRS का क्षेत्रफल 8 है, तब निम्न में से कौनसा कथन सत्य है,
(A) $a + b = 4$
(B) $a - b = 2$
(C) समान्तर चतुर्भुज PQRS के विकर्ण PR की लम्बाई 4 है।
(D) \vec{w} सदिशो \overrightarrow{PQ} तथा \overrightarrow{PS} का एक कोण अर्द्धक है।

Ans. A, C

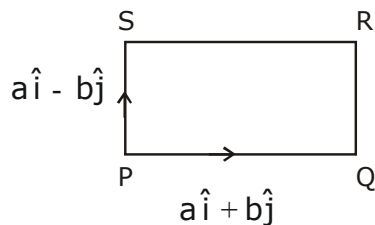


ONLINE OFFLINE CLASSROOM

**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020



$$\vec{u} = \frac{\vec{w} \cdot \vec{PQ}}{|\vec{PQ}|}$$

$$= \frac{(\hat{i} + \hat{j}) \cdot (a\hat{i} + b\hat{j})}{|a\hat{i} + b\hat{j}|}$$

$$= \frac{(a+b)}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

$$\vec{v} = \frac{(\vec{w}) \cdot \vec{PS}}{|\vec{PS}|} = \frac{(\hat{i} + \hat{j}) \cdot (a\hat{i} - b\hat{j})}{|a\hat{i} - b\hat{j}|} = \frac{a-b}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

$$|\vec{u}| + |\vec{v}| = |\vec{w}|$$

$$\frac{(a+b)|a-b|}{\sqrt{a^2 + b^2}} = \sqrt{2}$$

$$(\vec{a} + \vec{b}) + (\vec{a} - \vec{b}) = \sqrt{2}\sqrt{a^2 + b^2} \Rightarrow 2a = \sqrt{2}\sqrt{a^2 + b^2}$$

$$2a^2 = 2b^2$$

$$a = b$$

$$\text{Area of parallelogram} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ a & b & 0 \\ a & -b & 0 \end{vmatrix}$$

$$\Rightarrow |-2ab\hat{k}| = 8$$

$$ab = 4 \Rightarrow a^2 = 4$$

$$a = 2 = b$$

$$a + b = 4$$

$$a - b = 0$$



ONLINE OFFLINE CLASSROOM

**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020

$$\begin{aligned} \text{Length of diagonal of parallelogram} &= \left| (a\hat{i} + b\hat{j}) + (a\hat{i} - b\hat{j}) \right| \\ &= 2a = 4 \\ \overline{PQ} + \overline{PS} &= 2a\hat{i}, 2b\hat{j} \neq \lambda\vec{w} \end{aligned}$$

Q.12 For nonnegative integers s and r , let

$$\binom{s}{r} = \begin{cases} \frac{s!}{r!(s-r)!} & \text{if } r \leq s \\ 0 & \text{if } r > s \end{cases}$$

For positive integers m and n , let

$$g(m, n) = \sum_{p=0}^{m+n} \frac{f(m, n, p)}{\binom{n+p}{p}}$$

where for any nonnegative integer p ,

$$f(m, n, p) = \sum_{i=0}^p \binom{m}{i} \binom{n+i}{p} \binom{p+n}{p-i}$$

Then which of the following statements is/are TRUE?

- (A) $g(m, n) = g(n, m)$ for all positive integers m, n
- (B) $g(m, n+1) = g(m+1, n)$ for all positive integers m, n
- (C) $g(2m, 2n) = 2g(m, n)$ for all positive integers m, n
- (D) $g(2m, 2n) = (g(m, n))^2$ for all positive integers m, n

Q.12 अक्रणात्मक पूर्णांक s तथा r के लिए माना

$$\binom{s}{r} = \begin{cases} \frac{s!}{r!(s-r)!} & \text{if } r \leq s \\ 0 & \text{if } r > s \end{cases} \text{ है।}$$

धनात्मक पूर्णांक m तथा n के लिए माना

$$g(m, n) = \sum_{p=0}^{m+n} \frac{f(m, n, p)}{\binom{n+p}{p}} \text{ है।}$$

जहाँ किसी अक्रणात्मक पूर्णांक p के लिए

$$f(m, n, p) = \sum_{i=0}^p \binom{m}{i} \binom{n+i}{p} \binom{p+n}{p-i}$$



ONLINE OFFLINE CLASSROOM

**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020

है। तब निम्न में से कौनसा कथन सत्य है ?

- (A) $g(m, n) = g(n, m)$ सभी धनात्मक पूर्णांक m, n के लिए है।
 (B) $g(m, n+1) = g(m+1, n)$ सभी धनात्मक पूर्णांक m, n के लिए है।
 (C) $g(2m, 2n) = 2g(m, n)$ सभी धनात्मक पूर्णांक m, n के लिए है।
 (D) $g(2m, 2n) = (g(m, n))^2$ सभी धनात्मक पूर्णांक m, n के लिए है।

Ans. A, B, D

$$\sum_{i=0}^p {}^m C_i \cdot {}^{n+i} C_p \cdot {}^{n+p} C_{p-i}$$

$$\sum_{i=0}^p {}^m C_i \frac{\binom{n+i}{p}}{\binom{n+i-p}{p-i}} \cdot \frac{\binom{n+p}{p-i}}{\binom{n+i}{p-i}}$$

$$\sum_{i=0}^p {}^m C_i \cdot \left(\frac{\binom{n+p}{p-i}}{\binom{n}{p-i}} \right) \left(\frac{\binom{n}{p-i}}{\binom{n+i-p}{p-i}} \right)$$

$$\sum_{i=0}^p {}^m C_i \binom{n}{p-i} \binom{n+p}{p-i}$$

$$\Rightarrow {}^{n+p} C_p [{}^m C_0 \binom{n}{p} + {}^m C_1 \binom{n}{p-1} + \dots + {}^m C_m \binom{n}{p-m}]$$

coffi x^p in $(1+x)^n (x+1)^m$
 $f(m, n, p) = \binom{n+p}{p} \binom{m+n}{p}$

$$g(m, n) = \sum_{p=0}^{m+n} \binom{m+n}{p} = 2^{m+n}$$

$$g(m, n) = g(n, m)$$

$$g(2m, 2n) = 2^{2(m+n)} = (2^{m+n})^2 = (g(m, n))^2$$

SECTION 3 (Maximum Marks : 24)

- This section contains **SIX (06)** questions. The answer to each question is a **NUMERICAL VALUE**.
- For each question, enter the correct numerical value of the answer using the mouse and the on-screen virtual numeric keypad in the place designated to enter the answer. If the numerical value has more than two decimal places, **truncate/round-off** the value to **TWO** decimal places.
- Answer the each question will be evaluated according to the following marking scheme:
 Full Marks : +4 If ONLY the correct numerical value is entered;
 Zero Marks : 0 In all other cases.



ONLINE OFFLINE CLASSROOM

**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020

भाग -3 (अधिकतम अंक : 24)

- इस भाग में छः **(06)** प्रश्न शामिल हैं। प्रत्येक प्रश्न का उत्तर संख्यात्मक मान है।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए, उत्तर प्रविष्ट करने के लिए निर्दिष्ट स्थान पर माउस और ऑन-स्क्रीन आभासी (वर्चुअल) संख्यात्मक कीपेड का उपयोग करके उत्तर का सही संख्यात्मक मान दर्ज करें। यदि संख्यात्मक मान में दो से अधिक दशमलव स्थान हैं, तो दो दशमलव स्थानों के मान को छोटा/निकटतम करें।
- प्रत्येक प्रश्न के उत्तर का मूल्यांकन निम्नलिखित पद्धति के अनुसार किया जाएगा।
पूर्ण अंक : +4 यदि केवल सही संख्यात्मक मान प्रविष्ट किया गया है।
शून्य अंक : 0 अन्य सभी स्थितियों में।

Q.13 An engineer is required to visit a factory for exactly four days during the first 15 days of every month and it is mandatory that no two visits take place on consecutive days. Then the number of all possible ways in which such visits to the factory can be made by the engineer during 1–15 June 2021 is

Q.13 एक अभियंता को प्रत्येक महिने के पहले 15 दिनों के दौरान ठीक चार दिनों के लिए एक कारखाने का दौरा करना आवश्यक है तथा यह अनिवार्य है कि लगातार दो दिन कोई यात्रा न हो, तब सभी सम्भावित तरिकों की संख्या जिसमें कारखाने में इस तरह के दौरे अभियंता द्वारा 1–15 जून 2021 के दौरान किये जा सकते हैं, होगी।

Ans. 495.00

To select = 4 days
not selected days = 11 days
gaps = 12

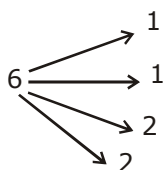
$$\therefore {}^{12}C_4 = \frac{12 \times 11 \times 10 \times 9}{24} = 495$$

Q.14 In a hotel, four rooms are available. Six persons are to be accommodated in these four rooms in such a way that each of these rooms contains at least one person and at most two persons. Then the number of all possible ways in which this can be done is

Q.14 एक होटल में चार कमरे उपलब्ध हैं। इन चार कमरों में छः व्यक्तियों को इस प्रकार समायोजित करते हैं। इनमें से प्रत्येक कमरे में कम से कम एक व्यक्ति तथा अधिकतम दो व्यक्ति हो। तब सभी सम्भावित तरिकों की संख्या जिसमें यह किया जा सकता है, होगी।

Ans. 1080.00

by grouping



$$\therefore \frac{6!}{1!1!2!2!2!2!} \times 4!$$

$$\Rightarrow \frac{720}{2 \times 2 \times 2 \times 2} \times 24 = 1080$$



ONLINE OFFLINE CLASSROOM

**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020

Q.15 Two fair dice, each with faces numbered 1,2,3,4,5 and 6, are rolled together and the sum of the numbers on the faces is observed. This process is repeated till the sum is either a prime number or a perfect square. Suppose the sum turns out to be a perfect square before it turns out to be a prime number. If p is the probability that this perfect square is an odd number, then the value of $14p$ is

Q.15 दो उचित पासे, जिसकी प्रष्ट संख्या 1,2,3,4,5 तथा 6, है प्रत्येक को एक साथ लुडकाया जाता है तथा प्रष्टों पर संख्याओं के योगफल का निरिक्षण किया जाता है। यह प्रक्रिया तब दोहराई जाती है, जब तक कि योग एक अभाज्य संख्या या एक पूर्ण वर्ग न हो। माना योग एक अभाज्य संख्या उपस्थित होने के पहले एक पूर्ण होता है। यदि P प्रायिकता है कि इसका पूर्ण वर्ग एक विषम संख्या है, तब $14p$ का मान होगा -

Ans. 8.00

Sum is prime =

2 (1,1)

3 (1,2)(2,1)

5 (2,3)(3,2) (1,4) (4,1)

7 (1,6) (2,5) (3,4) (4,3) (5,2) (6,1)

11 (5,6) (6,5)

$$P(\text{prime}) = \frac{15}{36} = \frac{5}{12}$$

Q.16 Let the function $f : [0,1] \rightarrow \mathbb{R}$ be defined by $f(x) = \frac{4^x}{4^x + 2}$ Then the value of

$$f\left(\frac{1}{40}\right) + f\left(\frac{2}{40}\right) + f\left(\frac{3}{40}\right) + \dots + f\left(\frac{39}{40}\right) - f\left(\frac{1}{2}\right) \text{ is}$$

Q.16 माना फलन $f : [0,1] \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{4^x}{4^x + 2}$ के द्वारा परिभाषित है, तब

$$f\left(\frac{1}{40}\right) + f\left(\frac{2}{40}\right) + f\left(\frac{3}{40}\right) + \dots + f\left(\frac{39}{40}\right) - f\left(\frac{1}{2}\right) \text{ का मान होगा -}$$

Ans. 19.00

$f : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}$

$$f(x) = \frac{4^x}{4^x + 2}$$

$$f(1-x) = \frac{4^{1-x}}{4^{1-x} + 2} = \frac{\frac{4}{4^x}}{\frac{4}{4^x} + 2}$$

$$= \frac{4}{4 + 2 \cdot 4^x}$$

$$\Rightarrow \frac{2}{2 + 4^x}$$



ONLINE OFFLINE CLASSROOM

**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020

$$\therefore f(x) + f(1-x) = 1$$

$$f\left(\frac{1}{40}\right) + f\left(\frac{2}{40}\right) + \dots + f\left(\frac{39}{40}\right) - f\left(\frac{1}{2}\right)$$

$$\Rightarrow 19 \text{ pairs} + f\left(\frac{20}{40}\right) - f\left(\frac{1}{2}\right) = 19$$

Q.17 Let $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ be a differentiable function such that its derivative f' is continuous and $f(\pi) = -6$

If $F: [0, \pi] \rightarrow \mathbb{R}$ is defined by $F(x) = \int_0^x f(t) dt$, and if

$$\int_0^\pi (f'(x) + F(x)) \cos x dx = 2 \text{ then the value of } f(0) \text{ is}$$

Q.17 माना $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ एक अवकलनीय फलन इस प्रकार है कि इसका अवकलज f' संतत है तथा $f(\pi) = -6$ है। यदि

$F: [0, \pi] \rightarrow \mathbb{R}$, $F(x) = \int_0^x f(t) dt$, के द्वारा परिभाषित है तथा यदि

$$\int_0^\pi (f'(x) + F(x)) \cos x dx = 2 \text{ है। तब } f(0) \text{ का मान होगा -}$$

Ans. 4.00

$$f(x) = \int_0^x f(t) dt$$

$$f'(x) = f(x)$$

$$\int_0^\pi f'(x) \cos x dx + \int_0^\pi f(x) \cos x dx$$

$$\int_0^\pi f'(x) \cos x dx + f(x) \sin x \Big|_0^\pi - \int_0^\pi f(x) \sin x dx$$

$$\int_0^\pi (f'(x) \cos x - f(x) \sin x) dx$$

$$\int_0^\pi \frac{d}{dx} (f(x) \cos x) dx = 2$$

$$f(x) \cos x \Big|_0^\pi = 2$$

$$f(\pi) (-1) - f(0) = 2$$

$$6 - f(0) = 2$$

$$f(0) = 4$$



ONLINE OFFLINE CLASSROOM

**REPEATER
BATCH**

JEE ADVANCED 2021

Starting from :
07th Oct. 2020

Q.18 Let the function $f : (0, \pi) \rightarrow \mathbb{R}$ be defined by $f(\theta) = (\sin \theta + \cos \theta)^2 + (\sin \theta - \cos \theta)^4$.

Suppose the function f has a local minimum at θ precisely when $\theta \in \{\lambda_1 \pi, \dots, \lambda_r \pi\}$, where $0 < \lambda_1 < \dots < \lambda_r < 1$. Then the value of $\lambda_1 + \dots + \lambda_r$ is

Q.18 माना फलन $f : (0, \pi) \rightarrow \mathbb{R}$, $f(\theta) = (\sin \theta + \cos \theta)^2 + (\sin \theta - \cos \theta)^4$ के द्वारा परिभाषित है।

माना फलन f , θ पर ठीक ठीक एक स्थानिय निम्निष्ठ रखता है। जब $\theta \in \{\lambda_1 \pi, \dots, \lambda_r \pi\}$, है जहाँ $0 < \lambda_1 < \dots < \lambda_r < 1$ है। तब $\lambda_1 + \dots + \lambda_r$ का मान है।

Ans. 0.50

$$\begin{aligned} f(\theta) &= (1 + \sin 2\theta) + (1 - \sin 2\theta)^2 \\ &= 1 + \sin 2\theta + 1 + \sin^2 2\theta - 2\sin 2\theta \\ &= \sin^2 2\theta - \sin 2\theta + 2 \end{aligned}$$

$$= \left(\sin 2\theta - \frac{1}{2} \right)^2 + \frac{7}{4}$$

$$\begin{aligned} \theta &\in [0, \pi] \\ \therefore 2\theta &\in [0, 2\pi] \end{aligned}$$

$$f(\theta) \text{ min. when } \sin 2\theta = \frac{1}{2}$$

$$\therefore 2\theta = \frac{\pi}{6}, \frac{5\pi}{6}$$

$$\theta = \frac{\pi}{12}, \frac{5\pi}{12}$$

$$\lambda_1 = \frac{1}{12} \quad \lambda_2 = \frac{5}{12}$$

$$\lambda_1 + \lambda_2 = \frac{1}{2} = 0.50$$

जब इन्होंने पूरा किया अपना सपना
तो आप भी पा सकते हैं लक्ष्य अपना

Admission
OPEN

JEE ADVANCED RESULT 2019



Aniket Agrawal

AIR-34



Dilendra Uikey

AIR-117



Karan

AIR-140



Shubham Kumar

AIR-174

KOTA'S PIONEER IN DIGITAL EDUCATION

1,95,00,000+ viewers | 72,67,900+ viewing hours | 2,11,000+ Subscribers

SERVICES	SILVER	GOLD	PLATINUM
Classroom Lectures (VOD)			
Live interaction	NA		
Doubt Support	NA		
Academic & Technical Support	NA		
Complete access to all content	NA		
Classroom Study Material	NA		
Exercise Sheets	NA		
Recorded Video Solutions	NA		
Online Test Series	NA		
Revision Material	NA		
Upgrade to Regular Classroom program	Chargeable	Chargeable	Free
Physical Classroom	NA	NA	
Computer Based Test	NA	NA	
Student Performance Report	NA	NA	
Workshop & Camp	NA	NA	
Motion Solution Lab- Supervised learning and instant doubt clearance	NA	NA	
Personalised guidance and mentoring	NA	NA	

FEE STRUCTURE

CLASS	SILVER	GOLD	PLATINUM
7th/8th	FREE	₹ 12,000	₹ 35,000
9th/10th	FREE	₹ 15,000	₹ 40,000
11th	FREE	₹ 29,999	₹ 49,999
12th	FREE	₹ 39,999	₹ 54,999
12th Pass	FREE	₹ 39,999	₹ 59,999

+ Student Kit will be provided at extra cost to Platinum Student.

- * **SILVER (Trial)** Only valid 7 DAYS or First 10 Hour's Lectures.
- ** **GOLD (Online)** can be converted to regular classroom (Any MOTION Center) by paying difference amount after lockdown.
- *** **PLATINUM (Online + Regular)** can be converted to regular classroom (Any MOTION Center) without any cost after lockdown.

New Batch Starting from :
07th Oct. 2020

Zero Cost EMI Available

MOTION™

H.O. : 394, Rajeev Gandhi Nagar, Kota
www.motion.ac.in | ✉ : info@motion.ac.in